DOI: 10.22226/2410-3535-2017-3-318-322 УДК 538.915

# Modeling of the formation of diamond-like phases from structural varieties of tetragonal graphite

V. A. Greshnyakov, E. A. Belenkov<sup>†</sup>

†belenkov@csu.ru

Chelyabinsk State University, 129 Bratiev Kashirinykh st., 454001, Chelyabinsk, Russia

Theoretical investigations of the phase transformations of structural modifications of tetragonal  $L_{4-8}$  graphite in diamond-like phases were performed using the density functional theory method in local density approximation (LDA) and generalized gradient approximation (GGA). The varieties of  $L_{4-8}$  graphite were examined with the following packing of graphene layers: AA (P4/mmm), AB (I4/mmm), ABCD ( $I4_1/amd$ ). The LA6 (Imma), LA7 (Cmcm), and LA10 ( $I4_1/amd$ ) diamond-like phases can be obtained from these graphites under compression. The LA6 diamond-like phase can be obtained from  $L_{4-8}$  AA graphite at pressure of 44 GPa. Another phase, LA7, can be formed from tetragonal  $L_{4-8}$  AB graphite in the pressure range from 43 to 46 GPa. The LA10 structure can be obtained only from  $L_{4-8}$  graphite with the ABCD layer packing of at pressures from 32 to 40 GPa. It was established that « $L_{4-8}$  AA graphite  $\rightarrow$  LA6 phase», « $L_{4-8}$  AB graphite  $\rightarrow$  LA7 phase», and « $L_{4-8}$  ABCD graphite  $\rightarrow$  LA10 phase» structural transitions are exothermic phase transitions of the first kind, as a result of which an energy of 0.5, 0.5, and 0.3 eV/atom is released, respectively. The energy barriers that need to be overcome to observe reverse «LA6  $\rightarrow$   $L_{4-8}$  AA graphite», «LA7  $\rightarrow$   $L_{4-8}$  AB graphite»  $\upmu$  «LA10  $\rightarrow$   $L_{4-8}$  AB graphite»  $\upmu$  «LA10  $\rightarrow$   $L_{4-8}$  AB graphite»  $\upmu$  «LA10  $\rightarrow$   $L_{4-8}$  AB graphite»  $\upmu$  phase transitions are 0.38, 0.34, and 0.18 eV/atom for the LDA-calculations or 0.31, 0.28, and 0.13 eV/atom for the GGA-calculations, respectively. Possible ways of synthesizing LA6, LA7, and LA10 phases are a strong compression of graphite along the [001]-axis at low temperatures.

Keywords: diamond-like phase, tetragonal graphene, phase transition.

# Моделирование процесса формирования алмазоподобных фаз из структурных разновидностей тетрагонального графита

Грешняков В. А., Беленков Е. А.

†belenkov@csu.ru

Челябинский государственный университет, ул. Братьев Кашириных 129, 454001, Челябинск, Россия

В данной работе выполнено теоретическое исследование фазовых превращений различных структурных модификаций тетрагонального графита  $L_{_{\!4-8}}$  в алмазоподобные фазы при использовании метода теории функционала плотности в приближении локальной плотности (ПЛП) и обобщенном градиентном приближении (ОГП). Были рассмотрены основные разновидности графита  $L_{_{\!4-\!8}}$  со следующей упаковкой графеновых слоев: АА (пространственная группа P4/mmm), AB (I4/mmm) и ABCD ( $I4_1/amd$ ). Анализ показал, что из этих графитов при сжатии могут быть получены алмазоподобные фазы LA6 (Ітта), LA7 (Стст) и LA10 (І4,/атд). Установлено, что алмазоподобная фаза LA6 может быть получена из графита  $L_{1.8}$  AA при давлении 44 ГПа. Фаза LA7 может быть сформирована из тетрагонального графита  $L_{_{\!4-\!8}}$  AB в диапазоне давлений от 43 до 46 ГПа. Структура алмазоподобной фазы LA10 может быть получена только из графита  $L_{4-8}$  с упаковкой слоев ABCD в области давлений от 32 до 40  $\Gamma\Pi a$ . Расчеты показали, что структурные переходы «графит  $L_{_{4-8}}$  AA  $\rightarrow$  фаза LA6», «графит  $L_{_{4-8}}$  AB  $\rightarrow$  фаза LA7» и «графит  $L_{_{4-8}}$  ABCD  $\rightarrow$  фаза LA10» являются экзотермическими фазовыми переходами первого рода, в результате которых выделяется энергия ~0.5, 0.5 и 0.3 эВ/атом, соответственно. Энергетические барьеры, которые необходимо преодолеть для наблюдения обратных фазовых переходов «LA6  $\rightarrow$  графит L<sub>4-8</sub> AA», «LA7  $\rightarrow$  графит L<sub>4-8</sub> AB» и «LA10  $\rightarrow$  графит L<sub>4-8</sub> ABCD», составляют 0.38, 0.34 и 0.18 эВ/атом (ПЛП-расчеты) или 0.31, 0.28 и 0.13 эВ/атом (ОГП-расчеты), соответственно. Возможный способ синтеза фаз LA6, LA7 и LA10 — сильное сжатие графита  $L_{_{\! 4-\! 8}}$  вдоль кристаллографической оси [001] при низких температурах.

Ключевые слова: алмазоподобная фаза, тетрагональный графен, фазовый переход.

#### 1. Введение

Структурные модификации различных соединений могут относиться к аллотропным разновидностям, полиморфам или политипам [1-3]. Аллотропами углерода являются карбин, графит и алмаз. Каждый из аллотропов имеет ряд полиморфных разновидностей [2]. Полиморфы алмаза — это алмазоподобные материалы, которые состоят из  $sp^3$ -гибридизированных атомов [4-7]. Такая гибридизация обуславливает наличие трехмерной, ковалентно связанной структуры этих материалов и их высокие механические характеристики. Большинство новых алмазоподобных фаз до настоящего времени являются только теоретически предсказанными [4-7]. Поэтому необходимы исследования, связанные с поиском способов их синтеза. В первую очередь необходимо найти методы получения алмазоподобных фаз, которые согласно теоретическим прогнозам должны быть наиболее устойчивыми. Алмазоподобные фазы могут быть получены из наноструктур-предшественников, таких как фуллереноподобные кластеры, углеродные нанотрубки и графеновые слои [2,8,9]. Одними из самых перспективных материалов являются материалы со структурами фаз LA6, LA7 и LA10 [5]. В работах [4,5,10] предложены способы синтеза этих фаз в результате сильного одноосного сжатия новой разновидности графита — тетрагонального графита L<sub>4 8</sub>. Оценить возможность реализации этого способа на практике можно на основе теоретических расчетов, которые были проведены в данной работе.

#### 2. Методика расчетов

Расчеты кристаллических структур и энергетических характеристик углеродных фаз выполнены методом теории функционала плотности (DFT) для приближения локальной плотности (LDA) [11] и обобщенного градиентного приближения (GGA) [12]. Влияние ионных остовов учитывалось через сохраняющие норму псевдопотенциалы. Для расчетов были использованы сетки  $12 \times 12 \times 12$  из k-точек в обратных элементарных ячейках. Волновые функции раскладывались по усеченному базисному набору плоских волн. Для ограничения размерности набора базисных функций значение  $E_{cutoff}$  было принято равным 60 Ридберг.

Модельные исследования структурных преобразований различных модификаций тетрагонального графита  $L_{4-8}$  в алмазоподобные фазы были выполнены по методике, подробно описанной в работах [13,14]. Для структурных преобразований между графитоподобными и алмазоподобными фазами производилось сжатие и/или растяжение их структур вдоль направлений, по которым наблюдается наилучшее соответствие мотивов кристаллических решеток этих фаз.

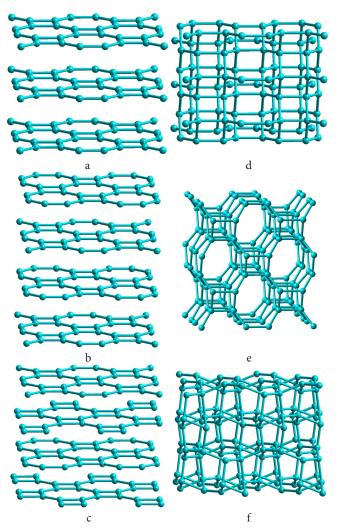
# 3. Результаты и обсуждение

Анализ возможных путей формирования двух орторомбических фаз LA6 и LA7 показал, что их структуры могут быть получены из тетрагональных графитов  $L_{4-8}$ 

с чередованием графеновых слоев AA и AB, соответственно (рис. 1). В свою очередь, алмазоподобная фаза LA10 может быть сформирована только из графита  $L_{4-8}$  с упаковкой слоев ABCD (рис. 1). Формирование структуры рассматриваемых алмазоподобных фаз возможно при сжатии графитов вдоль осей [001].

Результаты DFT-LDA и DFT-GGA расчетов структурных параметров и полных энергий различных модификаций графита  ${\rm L_{4-8}}$  и алмазоподобных фаз приведены в таблице 1.

В процессе моделирования фазовых переходов изменялись значения параметров c элементарных ячеек тетрагональногографита  $L_{4-8}$  супаковками AA, AB и AB С DB диапазонах от 4.853 (4.951) до 6.163 (7.245) Å, от 4.776 (4.890) до 6.163 (7.245) Å и от 9.896 (9.955) до 12.30 (14.11) Å соответственно (в скобках указаны величины для метода DFT-GGA). При этом, также изменялись параметры элементарных ячеек фаз LA6, LA7 и LA10: b — от 4.673 (4.733) до 5.943 (5.916) Å, a — от 4.548 (4.596) до 5.784 (5.745) Å, c — от 7.902 (8.008) до 9.474 (9.386) Å, соответственно. Поскольку полные энергии одних и тех же соединений,



**Рис. 1.** Кристаллические структуры тетрагональных графитов  $L_{4-8}$  AA (a), AB (b) и ABCD (c), а также сформированные из них алмазоподобные фазы LA6 (d), LA7 (e) и LA10 (f).

**Fig. 1.** Crystalline structures of tetragonal  $L_{4-8}$  graphites AA (a), AB (b), and ABCD (c), and also LA6 (d), LA7 (e) and LA10 (f) phases.

рассчитанные в разных приближениях, отличаются на величину  $\sim 0.4-0.5\,$  эВ/атом (таблица 1), то для удобства сопоставления фазовых переходов в дальнейшем рассчитывались только разностные полные энергии ( $\Delta E_{total}$ ) относительно наименьшего значения полной энергии.

В результате выполненных DFT-расчетов были построены графики зависимости разностной полной энергии от атомарного объема ( $V_{al'}$ ) для прямых и обратных фазовых переходов «графит  $L_{4-8}$  AA  $\leftrightarrow$  фаза LA6» (рис. 2а), «графит  $L_{4-8}$  AB  $\leftrightarrow$  фаза LA7» (рис. 3а) и «графит  $L_{4-8}$  ABCD  $\leftrightarrow$  фаза LA10» (рис. 4а). С помощью данных графиков можно определить энергетические барьеры, которые необходимо преодолеть для структурных переходов между соединениями из sp²- и sp³-гибридизированных атомов. Значения этих барьеров для прямых ( $\Delta E_{\text{G}\to\text{D}}$ ) и обратных ( $\Delta E_{\text{D}\to\text{G}}$ ) структурных преобразований графита  $L_{4-8}$  AA в алмазоподобную фазу LA6, рассчитанные методами DFT-LDA и DFT-GGA, составляют 0.16 (0.23) и 0.38 (0.31) эВ/атом, соответственно (рис. 2а) (в скобках указаны значения для DFT-GGA метода). Фа-

зовые переходы между LA7 и графитом L $_{\rm 4-8}$  с упаковкой слоев AB возможны в результате увеличения полных энергий исходных фаз на  $\Delta E_{\rm G\to D}=0.18$  (0.25) эВ/атом и  $\Delta E_{\rm D\to G}=0.34$  (0.28) эВ/атом (рис. 3а). И, наконец, фазовые переходы между фазой LA10 и графитом L $_{\rm 4-8}$  ABCD могут происходить при преодолении следующих энергетических барьеров:  $\Delta E_{\rm G\to D}=0.11$  (0.19) эВ/атом,  $\Delta E_{\rm D\to G}=0.18$  (0.13) эВ/атом (рис. 4а).

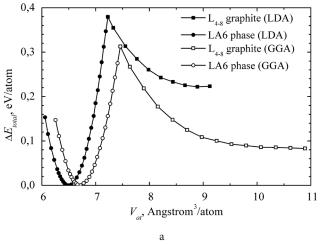
Для прямого фазового перехода графита  $L_{4-8}$  AA в фазу LA6 давление должно достигать 44.2 (43.9) ГПа, когда объем системы уменьшается до 7.23 (7.46) ų/атом (рис. 2а). Структурный переход графита  $L_{4-8}$  AB в фазу LA7 возможен при достижении атомарного объема 7.17 (7.37) ų/атом (рис. 3а) и давления 42.5 (46.3) ГПа. Давление фазового перехода графита  $L_{4-8}$  ABCD в фазу LA10 составляет 32.3 (39.8) ГПа, причем атомный объем графита в точке структурного преобразования равен 7.34 (7.49) ų/атом (рис. 4а).

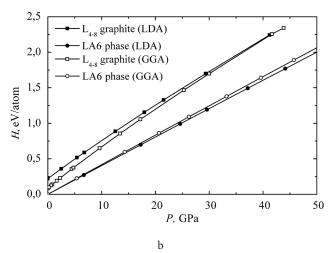
Все структурные переходы разновидностей тетрагонального графита  $L_{4-8}$  графита в алмазоподобные фазы,

**Табл. 1.** Параметры элементарных ячеек и полные энергии углеродных соединений (в скобках указаны значения, полученные с помощью метода DFT-GGA).

**Table 1.** Unit cell parameters and total energies of carbon compounds (the values obtained by the DFT-GGA method are indicated in parentheses).

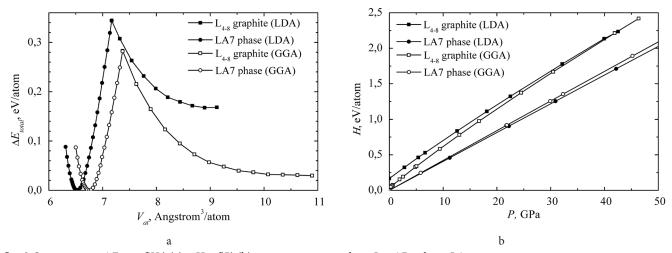
Фаза Phase	Пр. группа Space group	a, Å	b, Å	c, Å	Z, ат. Z, at.	$E_{ ext{total}}$ , эВ/атом $E_{ ext{total}}$ , eV/atom
L <sub>4-8</sub> AA	P4/mmm	4.867 (4.905)	4.867 (4.905)	6.010 (7.247)	16	-157.18 (-156.78)
L <sub>4-8</sub> AB	I4/mmm	4.867 (4.905)	4.867 (4.905)	6.008 (7.245)	16	-157.18 (-156.78)
L <sub>4-8</sub> ABCD	I4 <sub>1</sub> /amd	3.442 (3.469)	3.442 (3.469)	12.18 (13.97)	16	-157.19 (-156.78)
LA6	Imma	4.900 (4.948)	5.079 (5.144)	4.176 (4.225)	16	-157.40 (-156.86)
LA7	Стст	4.944 (4.995)	4.807 (4.869)	4.391 (4.442)	16	-157.35 (-156.81)
LA10	I4 <sub>1</sub> /amd	3.545 (3.581)	3.545 (3.581)	8.497 (8.611)	16	-157.26 (-156.73)



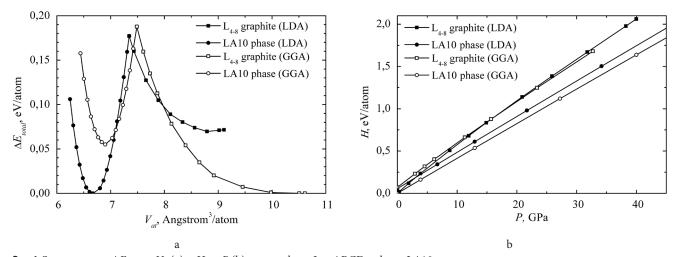


**Рис. 2.** Графики зависимостей разностной полной энергии от атомарного объема (а) и энтальпии от давления (b) для кристалла графена  $L_{4-8}$  AA и фазы LA6.

**Fig. 2.** Dependences of the difference total energy on the atomic volume (a) and the enthalpy on the pressure (b) for  $L_{4-8}$  AA graphite crystal and LA6 phase.



**Рис. 3.** Зависимости  $\Delta E_{total} = f(V_{at})$  (a) и H = f(P) (b) для кристалла графена  $L_{4-8}$  AB и фазы LA7. **Fig. 3.** Dependences of  $\Delta E_{total} = f(V_{at})$  (a) and H = f(P) (b) for  $L_{4-8}$  AB graphite crystal and LA7 phase.



**Рис. 4.** Зависимости  $\Delta E_{total}$  от  $V_{at}$  (a) и H от P (b) для графита  $L_{4-8}$  ABCD и фазы LA10. **Fig. 4.** Dependences of  $\Delta E_{total}$  from  $V_{at}$  (a) and H from P (b) for  $L_{4-8}$  graphite ABCD and LA10 phase.

рассмотренные в данной работе, являются фазовыми переходами первого рода, в процессе которых происходит значительное увеличение плотности на 9.9-12.6%. Для определения энергии, которая может быть выделена или поглощена при прямом фазовом переходе, были рассчитаны разности энтальпий алмазоподобных фаз и графитов при давлении перехода ( $\Delta H = H_{\rm D} - H_{\rm G}$ ). Графики зависимостей энтальпии от давления для этих углеродных фаз приведены на рис. 2b, 3b и 4b. Установлено, что все прямые фазовые переходы должны иметь экзотермический характер. В результате расчетов были определены следующие значения разности энтальпий:  $\Delta H_{\rm L4-8\rightarrow LA6} = -0.59 \ (-0.54) \ {\rm 9B/atom}, \ \Delta H_{\rm L4-8\rightarrow LA7} = -0.52 \ (-0.48) \ {\rm 9B/atom}, \ \Delta H_{\rm L4-8\rightarrow LA7} = -0.52 \ (-0.48) \ {\rm 9B/atom}, \ \Delta H_{\rm L4-8\rightarrow LA7} = -0.52 \ (-0.48) \ {\rm 9B/atom}, \ \Delta H_{\rm L4-8\rightarrow LA7} = -0.52 \ (-0.48) \ {\rm 9B/atom}, \ \Delta H_{\rm L4-8\rightarrow LA7} = -0.52 \ (-0.48) \ {\rm 9B/atom}, \ \Delta H_{\rm L4-8\rightarrow LA7} = -0.52 \ (-0.48) \ {\rm 9B/atom}, \ \Delta H_{\rm L4-8\rightarrow LA7} = -0.52 \ (-0.48) \ {\rm 9B/atom}, \ \Delta H_{\rm L4-8\rightarrow LA7} = -0.52 \ (-0.48) \ {\rm 9B/atom}, \ \Delta H_{\rm L4-8\rightarrow LA7} = -0.52 \ (-0.48) \ {\rm 9B/atom}, \ \Delta H_{\rm L4-8\rightarrow LA7} = -0.52 \ (-0.48) \ {\rm 9B/atom}, \ \Delta H_{\rm L4-8\rightarrow LA7} = -0.52 \ (-0.48) \ {\rm 9B/atom}, \ \Delta H_{\rm L4-8\rightarrow LA7} = -0.52 \ (-0.48) \ {\rm 9B/atom}, \ \Delta H_{\rm L4-8\rightarrow LA7} = -0.52 \ (-0.48) \ {\rm 9B/atom}, \ \Delta H_{\rm L4-8\rightarrow LA7} = -0.52 \ (-0.48) \ {\rm 9B/atom}, \ \Delta H_{\rm L4-8\rightarrow LA7} = -0.52 \ (-0.48) \ {\rm 9B/atom}, \ \Delta H_{\rm L4-8\rightarrow LA7} = -0.52 \ (-0.48) \ {\rm 9B/atom}, \ \Delta H_{\rm L4-8\rightarrow LA7} = -0.52 \ (-0.48) \ {\rm 9B/atom}, \ \Delta H_{\rm L4-8\rightarrow LA7} = -0.52 \ (-0.48) \ {\rm 9B/atom}, \ \Delta H_{\rm L4-8\rightarrow LA7} = -0.52 \ (-0.48) \ {\rm 9B/atom}, \ \Delta H_{\rm L4-8\rightarrow LA7} = -0.52 \ (-0.48) \ {\rm 9B/atom}, \ \Delta H_{\rm L4-8\rightarrow LA7} = -0.52 \ (-0.48) \ {\rm 9B/atom}, \ \Delta H_{\rm L4-8\rightarrow LA7} = -0.52 \ (-0.48) \ {\rm 9B/atom}, \ \Delta H_{\rm L4-8\rightarrow L47} = -0.52 \ (-0.48) \ {\rm 9B/atom}, \ \Delta H_{\rm L4-8\rightarrow L47} = -0.52 \ (-0.48) \ {\rm 9B/atom}, \ \Delta H_{\rm L4-8\rightarrow L47} = -0.52 \ (-0.48) \ {\rm 9B/atom}, \ \Delta H_{\rm L4-8\rightarrow L47} = -0.52 \ (-0.48) \ {\rm$ 

## 4. Заключение

В данной работе методами DFT-LDA и DFT-GGA впервые выполнено теоретическое исследование путей синтеза алмазоподобных фаз LA6, LA7 и LA10. Установлено, что эти алмазоподобные фазы могут быть получены из различных структурных модификаций тетрагональ-

ного графита  $L_{4-8}$ . Наиболее вероятный способ экспериментального получения фазы LA6 заключается в сильном одноосном сжатии графита  $L_{_{\!\!4-8}}$  с упаковкой слоев АА при давлении ~44 ГПа. В свою очередь, алмазоподобная фаза LA7 может быть сформирована из графита L<sub>4-8</sub> с упаковкой слоев AB в диапазоне давлений от 43 до 46 ГПа. Последняя из рассмотренных алмазоподобных фаз, LA10, может быть получена только из графита  $L_{4-8}$  ABCD при достижении давления ~32 – 40 ГПа. Значения давлений, при которых формируются изученные фазы, значительно меньше давлений, необходимых для получения других структурных разновидностей алмаза [13, 14]. Все структурные переходы «графиты  $L_{4-8}$ → алмазоподобные фазы» являются фазовыми переходами первого рода, в результате которых выделяется энергия от 0.3 до 0.6 эВ/атом.

Благодарность/Acknowledgement. Грешняков В. А. благодарит РФФИ за финансовую поддержку исследования (проект № 16-33-00030 мол\_а). Беленков Е. А. благодарит Фонд перспективных научных исследований ЧелГУ за финансовую поддержку проведенного исследования.

### Литература/References

- 1. A. R. Verma, P. Krishna. Polymorphism and polytypism in crystals. New York-London-Sydney: John Wiley & Sons, Inc., 1966, 341 p.
- E. A. Belenkov, V. A. Greshnyakov. New Carbon Materials.
  28 (4), 273 282 (2013). DOI: 10.1016/S1872–5805 (13) 60081 5
- 3. Yu. E. Kitaev, M. I. Aroyo, J. M. Perez-Mato. Phys. Rev. B. **75** (6), 064110 (2007). DOI: 10.1103/PhysRevB.75.064110
- E. A. Belenkov, V. A. Greshnyakov. Physics of the Solid State. 57 (1), 205-212 (2015). DOI: 10.1134/S1063783415010047 [Е. А. Беленков, В. А. Грешняков. Физика твердого тела. 57 (1), 192-199 (2015)]
- E. A. Belenkov, V. A. Greshnyakov. Phys. Solid State. 58 (10), 2145 – 2154 (2016). DOI: 10.1134/S1063784216100133 [Е. А. Беленков, В. А. Грешняков. ФТТ. 58 (10), 2069 – 2078 (2016)]
- D.S. Lisovenko, Yu. A. Baimova, L. Kh. Rysaeva, V. A. Gorodtsov, S. V. Dmitriev. Phys. Solid State. 59 (4), 820–828 (2017). DOI: 10.1134/S106378341704014X [Д.С. Лисовенко, Ю. А. Баимова, Л. X. Рысаева, В. А. Городцов, С. В. Дмитриев. ФТТ. 59 (4), 801–809 (2017)]

- K. S. Grishakov, K. P. Katin, M. M. Maslov. Adv. Chem. Phys. 2016, 1862959 (2016). DOI: 10.1155/2016/1862959
- 3. A.E. Galashev, O.R. Rakhmanova. Phys. Usp. **57** (10) 970 989 (2014). DOI: 10.3367/UFNe.0184.201410c.1 045 [А.Е. Галашев, О.Р. Рахманова. УФН. **184** (10), 1045 1065 (2014)]
- J. A. Baimova, Bo Liu, S. V. Dmitriev, K. Zhou. Physica Status Solidi RRL. 8 (4), 336-340 (2014). DOI: 10.1002/pssr.201409063
- 10. V.A. Greshnyakov, E.A. Belenkov. Letters on Materials. **6** (3), 159 162 (2016). DOI: 10.22226/2410-3535-2016 -3-159-162 [В.А. Грешняков, Е.А. Беленков. Письма о материалах. **6** (3), 159 162 (2016)]
- 11. J. P. Perdew, A. Zunger. Phys. Rev. B. **23** (10), 5048 5079 (1981). DOI: 10.1103/PhysRevB.23.5048
- 12. J. P. Perdew, K. Burke., M. Ernzerhof. Phys. Rev. Lett. 77, 3865 3868 (1996). DOI: 10.1103/PhysRevLett.77.3865.1 0062328
- 13. V.A. Greshnyakov, E.A. Belenkov. Tech. Phys. **61** (10), 1462–1466 (2016). DOI: 10.1134/S1063784216100133 [В.А. Грешняков, Е.А. Беленков. ЖТФ. **86** (10), 20–24 (2016)]
- 14. V. A. Greshnyakov, E. A. Belenkov. J. Exp. Theor. Phys. **124** (2), 265 274 (2017). DOI: 10.1134/S1063776117010125 [В. А. Грешняков, Е. А. Беленков. ЖЭТФ. **151** (2), 310 321 (2017)]